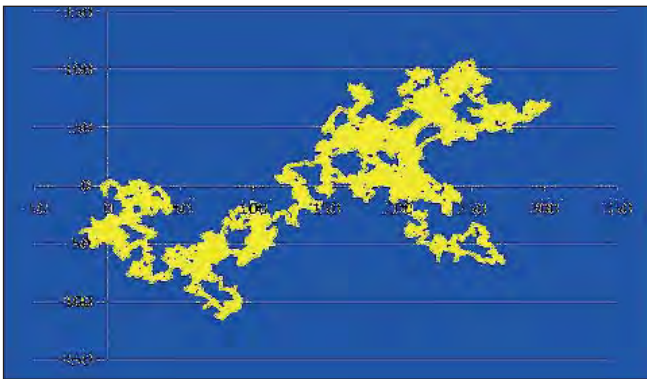


СВЯТО ЧИСЛА π

Шановні члени редколегії і читачі "Світогляду!"

З нагоди свята числа π та 140-річчя від дня народження Альберта Ейнштейна (14.03.1879–18.04.1955) і в пам'ять Стівена Хокінга (08.01.1942–14.03.2018) надсилаю Вам декілька цікавинок про число π .

Щиро Ваш, Іван Андронов,
доктор фіз.-мат. наук, професор,
Одеський морський національний університет
14.03.2019

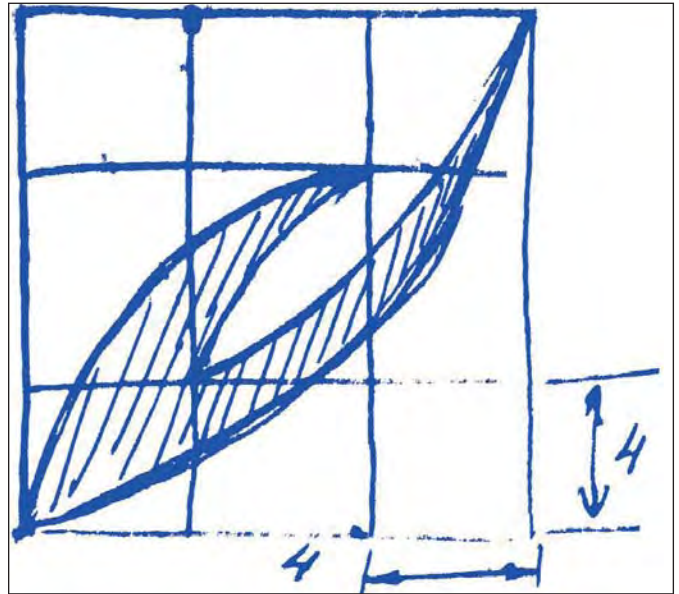
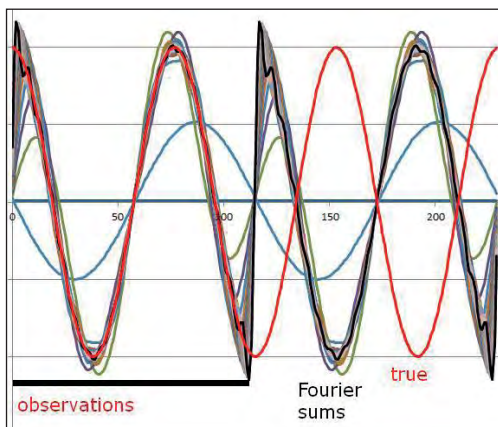


1) Ця «собака» на малюнку – результат «випадкових блукань» по двох координатах із використанням перших 2999 пар цифр числа $\pi = 3,1415926535 \dots$ (приріст дорівнює (цифра – 4,5))

2) Тільки сьогодні – в день числа $\pi = 3.1415926535 \dots$ – трансцендентна знижка!

3) «Коли зоря не знає, що вона повинна змінюватися з періодом, який ціле число раз укладається в тривалість інтервалу спостережень».

Тому в будь-якій версії перетворення Фур'є неявно мається на увазі, що сигнал буде повторюватися безліч разів з періодом, що дорівнює інтервалу спостережень. Бачимо, що з цього виходить (рис. нижче). Усічена сума ряду Фур'є перескакує від кінця інтервалу до початку (повтору). Чим більше доданків, тим крутіше стрибок. А червона лінія йде з іншим періодом і без стрибків ...



4) 3-й місяць, 14-е число. День числа $\pi =$
Знайдіть площу заштрихованої фігури
Намальовано від руки (не мною), але це точні чверті кіл з центрами в точках перетину вертикальної і горизонтальної ліній від кордонів. Скільки десятків секунд на рішення? Яку відповідь?

P.S. Завдання для 5 класу середньої школи в Сінгапурі.

5) Happy π Day Y'all

$\pi = 3.141592653589793238462643383279502884197169399\dots$
 $\pi = 3 + \frac{1}{7} + \frac{1}{15} + \frac{1}{1} + \frac{1}{292} + \frac{1}{1} + \frac{1}{14} + \frac{1}{24} + \frac{1}{1} + \frac{1}{3} + \frac{1}{14} + \frac{1}{24} + \frac{1}{1} + \dots$
 $\pi = (-1)\sqrt{-1} \log(-1)$ $\pi = \text{RootOf}[\sin \theta] \quad (3 < \theta < 4)$
 $\pi = 4 \arctan 1$ $\pi = 4 \left(\arctan \frac{1}{2} + \arctan \frac{1}{3} \right)$
 $\pi = \left(\int_{-\infty}^{\infty} e^{-x^2} dx \right)^2$ $\pi = 16 \arctan \frac{1}{5} - 4 \arctan \frac{1}{239}$
 $\pi = 4 \int_0^1 \sqrt{1-x^2} dx$ $\pi = \frac{22}{7} - \int_0^1 \frac{x^4(1-x)^4}{1+x^2} dx$
 $\pi = \int_{-1}^1 \frac{dx}{\sqrt{1-x^2}}$ $\pi = \frac{4}{1+2+2+2+2+\dots}$
 $\pi = 2 \prod_{k=1}^{\infty} \frac{(2k)^2}{(2k-1)(2k+1)}$ $\pi = 3 + \frac{1^2}{6+6} + \frac{3^2}{6+6} + \frac{5^2}{6+6} + \frac{7^2}{6+6} + \dots$
 $\pi = \sqrt{\frac{6}{\prod_{\text{prime } p} \left(1 - \frac{1}{p^2}\right)}}$ $\pi = \frac{2}{\prod_{k=1}^{\infty} \frac{a_0 + a_k}{2}}$ where $a_0 = 0, a_k = \sqrt{2 + a_{k-1}}$
 $\pi = \sqrt{\sum_{k=1}^{\infty} \frac{6}{k^2}}$ $\pi = \frac{99^2}{\sqrt{8} \sum_{k=0}^{\infty} \frac{(4k)!(1103 + 26390k)}{(k!)^4 396^{4k}}}$
 $\pi = \sum_{k=0}^{\infty} \frac{1}{16^k} \left(\frac{4}{8k+1} - \frac{2}{8k+4} - \frac{1}{8k+5} - \frac{1}{8k+6} \right)$
 $\pi = \lim_{k \rightarrow \infty} \frac{([a_0 = 1, a_{k+1} = \frac{a_k + b_k}{2}] + [b_0 = \frac{\sqrt{2}}{2}, b_{k+1} = \sqrt{a_k b_k}])^2}{4 [t_0 = \frac{1}{4}, t_{k+1} = t_k - 2^k(a_k - a_{k+1})^2]}$



6) $22/7 = 3.142857 \dots =$
день апроксимації числа π .
Архімед [287–212 до н.е.] виявив, що справжнє значення числа π було між $223/71$ (3.140845070422535) і $22/7$ (3.142857142857143). ■
(див. статтю Григорчука М. в №5 "Світогляду" за 2018 р.)