

УДК 550.385:550.388

**О. В. Лазоренко, С. В. Лазоренко, Л. Ф. Черногор**

Харківський національний університет імені В. Н. Каразіна

## **Применение вейвлет-анализа в задачах космической физики и космической радиофизики**

Вейвлет-аналіз застосовано для розв'язування задач в царині космічної фізики і космічної радіофізики, зокрема для аналізу реакції іоносфери на сильні сонячні спалахи і магнітні бурі, для дослідження ефектів у іоносфері, викликаних сильними грозами, за період часу 1998—2003 рр. Поряд з вейвлет-аналізом використовувався традиційний фур'є-аналіз із побудовою динамічних спектрів. Оцінено параметри збурень, що виникають у навколоземному і космічному просторах. Продемонстровано високу ефективність вейвлет-аналізу, особливо при дослідженні короткочасних широкосмугових процесів.

### **ВВЕДЕНИЕ**

В середине 80-х годов XX века благодаря работам Малла, Морле, Стомберга, Добеши и других исследователей появился математический метод, получивший название «вейвлет-анализ» [1, 5, 6, 8, 10]. Идея метода состоит в разложении анализируемой функции по вейвлетам. Вейвлет-анализ имеет ряд существенных преимуществ по сравнению с традиционно применяемым фурье-анализом. Во-первых, базисные функции вейвлет-преобразования имеют компактный носитель, тогда как базисные функции преобразования Фурье неограниченны. Поэтому первые в большей степени подходят для анализа реальных процессов, которые также являются ограниченными во времени. Во-вторых, базис вейвлетов строится с помощью растяжений-скжатий и сдвигов во временной области одной или двух функций. В-третьих, существует множество различных по своим свойствам вейвлетов, позволяющих выбрать систему базисных функций, которая наиболее удобна при решении конкретной задачи.

В настоящее время имеется лишь небольшое число работ, в которых вейвлет-анализ применялся для анализа временных рядов в задачах космической физики и геофизики.

Нами вейвлет-анализ использовался для анализа временных вариаций геомагнитного поля, зарегистрированных высокочувствительным магнитомет-

ром-флюксметром, доплеровского смещения частоты сигналов ВЧ-радара, амплитуд частично-отраженных сигналов СЧ-радара, некогерентно-рассеянной мощности ОВЧ-радара и уровня радиошумов СЧ-, ВЧ- и ОВЧ-диапазонов [2—4, 7, 9]. Описанные вариации сопровождали нестационарные процессы на Солнце (солнечные вспышки, выбросы корональной массы и магнитных облаков) и изменения космической погоды, а также антропогенные воздействия на среду.

В качестве базисных функций использовались вейвлет Гаусса, МНАТ-вейвлет, вейвлет Добеши, вейвлет Морле и другие. Выбор вида вейвлета зависел от характера вариаций временных рядов, от необходимости обнаружить возмущение той или иной формы, а также от величины вычислительных затрат. Чем ближе форма базисной функции к форме обнаруживаемого (восстановляемого) импульса, являющегося реакцией на воздействие упомянутых источников, тем более локализованным оказывается вейвлет-спектр и меньше вычислительные затраты. Анализ вейвлет- и фурье-спектров производился параллельно.

### **СОЛНЕЧНЫЕ ВСПЫШКИ**

Вейвлет-анализ нами применялся для изучения сильнейших солнечных вспышек (СВ), имевших

Рис. 1. Вейвлет- и фурье-спектры сигнала и радиошума 22/23 сентября 1998 г.: *a, e* — сигнал  $s(t)$  и шум  $n(t)$  соответственно; *б, в* и *ж, з* — DOG-вейвлет-спектры сигнала и шума соответственно; *г, и* — вейвлет-спектры на базе вейвлета bior 3.1 для сигнала и шума соответственно; *д, к* — динамические фурье-спектры сигнала и шума соответственно (размер окна — 100 точек); *T* — период возмущений

Рис. 2. То же, для 24/25 сентября 1998 г.

место в 1998—2003 гг. Рассмотрим подробнее СВ класса M6/3B, наблюдавшуюся 23 сентября 1998 г. Она началась в 09.44, достигла максимальной интенсивности в 10.06 и закончилась в 13.09 (здесь и далее время киевское). Измерения проведены в районе г. Харькова ( $49.6^{\circ}$  N,  $36.3^{\circ}$  E) с помощью радара некогерентного рассеяния (НР) [4]. НР-сигнал принимался с высот 97—500 км с шагом 10 км. Кроме мощности НР-сигнала  $P_s$ , регистрировалась мощность шумового радиоизлучения  $P_n$  на частоте 158 МГц в полосе частот 260 кГц.

Результаты анализа приведены на рис. 1. Сигнал  $s(t)$  представляет собой результат усреднения по диапазону высот 204—408 км флюктуаций мощности  $\delta P_s = P_s - \langle P_s \rangle$ , где  $P_s$  и  $\langle P_s \rangle$  — скользящие средние на интервале 7.5 и 120 мин, шаг скользжения — 1.5 мин. Сигнал  $n(t)$  — результат усреднения флюктуаций мощности  $\delta P_n = P_n - \langle P_n \rangle$ , последние получены так же, как  $P_s$  и  $\langle P_s \rangle$ . После СВ появляются квазипериодические колебания  $P_s$  и всплески  $P_n$ . Вейвлет-анализ выявил тонкую структуру вариаций  $\delta P_s$  и  $\delta P_n$  (см. рис. 1).

## МАГНИТНЫЕ БУРИ

Рассмотрим магнитную бурю (МБ), начавшуюся около 02.00 25 сентября 1998 г. Основная фаза МБ наблюдалась с 05.00 до 13.00 15 сентября. Ей соответствовали индексы  $K_{p\max} = 9$ ,  $D_{st\min} \approx -207$  нТл. Измерения выполнены на указанном выше радаре НР [4]. Методика обработки такая же, как при исследовании СВ 23 сентября 1998 г. Результаты анализа приведены на рис. 2. Видно, что МБ сопровождалась существенными вариациями мощности сигнала и шумового радиоизлучения, генерацией волновых возмущений (ВВ) в ионосфере.

Исследования самой большой ( $K_{p\max} = 8$ ,  $D_{st\min} \approx -220$  нТл) МБ 1999 г. выполнено при помощи высокочувствительного магнитометра-флюксметра [2, 3]. Внезапное начало бури имело место 21 октября в 05:25, основная фаза наблюдалась 22 октября с 04:00 до 10:00. Буря продолжалась до 25 октября. Фурье- и вейвлет-анализы свидетельствуют о существенном изменении спектрального состава флюктуаций геомагнитного поля (рис. 3).

## ЭФФЕКТЫ ГРОЗ В ИОНОСФЕРЕ

Состояние космической погоды определяется не только процессами на Солнце, но и процессами в

нижней атмосфере, на Земле и под ее поверхностью. Одним из источников возмущений являются грозы. Для выявления эффектов гроз в ионосфере на высотах 100—300 км нами использовался доплеровский ВЧ-радар. Комплексный сигнал биений подвергался фурье- и вейвлет-анализам (рис. 4). Оказалось, что грозы могут приводить к заметным деформациям доплеровских спектров. Возможными причинами возмущений в ионосфере могут быть акустическое и электромагнитное излучения молний, мощность каждой из которых достигает 1—10 МВт.

## ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Подтверждено, что вейвлет-анализ позволяет добиться одновременного увеличения разрешающей способности как по времени, так и по частоте. Это оказывается особенно важным при анализе кратковременных широкополосных процессов, какими часто являются отклики околоземной и космической среды на воздействие мощных источников энерговыделения естественного и искусственного происхождения.

СВ 23 сентября 1998 г. вызвала увеличение  $P_n$ , которое, скорее всего, обусловлено перестройкой ионосферно-магнитосферного взаимодействия в результате увеличения рентгеновского и ультрафиолетового излучения Солнца и концентрации электронов в ионосфере на высотах динамо-области. СВ сопровождалась усилением ВВ в ионосфере с периодами запаздывания около 1 ч, продолжительностью не менее 5 ч и относительной амплитудой около 10 %.

МБ 24/25 сентября 1998 г. привела к генерации ВВ с относительной амплитудой  $\delta = \Delta N/N$  около 2 и 25 % в интервалах времени 11:00—14:00 и 13:00—15:00 25 сентября 1998 г. Им соответствуют периоды 10—13 и 24—120 мин. Первое ВВ, очевидно, связано с модуляцией глобальной конвекции, второе ВВ — с генерацией ВГВ в приполюсной области. Важно, что профиль второго ВВ был N-образным, а волна нелинейной.

МБ 22 октября 1999 г. сопровождалась усилением (на порядок и более) спектральных составляющих флюктуаций  $H$  и  $D$ -компонентов в диапазоне периодов от 20—40 с до 7—15 мин. Четко наблюдались отдельные пульсации с периодами 45—55 с, средней продолжительностью 5—7 мин и амплитудой около 10 нТл.

Сильные грозы сопровождались заметными вариациями доплеровских спектров ВЧ-радиосигналов, отраженных от ионосферы.

Рис. 3. Вейвлет- и фурье-спектры вариаций магнитного поля, зарегистрированных во время магнитной бури 25 октября 1999 г.: *a*, *c* — сигналы во временной области для *D*- и *H*-компонент соответственно; *b*, *d* — DOG-вейвлет-спектры для *D*- и *H*-компонент соответственно; *e* — динамические фурье-спектры *D*- и *H*-компонент соответственно (размер окна — 750 с)

Рис. 4. Вейвлет- и фурье-спектры сигнала 15.07.2002 г.: *a* — сигнал  $s(t)$ ; *b* — DOG-вейвлет-спектр сигнала; *c* — динамический фурье-спектр сигнала. Гроза имела место в интервале времени 18:30—20:30

1. Астафьева Н. М. Вейвлет-анализ: основы теории и примеры применения // Успехи физ. наук.—1996.—166, № 11.—С. 1115.
2. Гармаш К. П., Лазоренко С. В., Пазюра С. А., Черногор Л. Ф. Флюктуации электромагнитного поля Земли во время самой большой геокосмической бури 1999 г. // Радиофизика и радиоастрономия.—2003.—8, № 3.—С. 252.
3. Гармаш К. П., Леус С. Г., Пазюра С. А. и др. Статистические характеристики флюктуаций электромагнитного поля Земли // Радиофизика и радиоастрономия.—2003.—8, № 2.—С. 163.
4. Григоренко Е. И., Лазоренко С. В., Таран В. И., Черногор Л. Ф. Волновые возмущения в ионосфере, сопровождающие вспышку на Солнце и сильнейшую магнитную бурю 25 сентября 1998 г. // Геомагнетизм и аэрономия.—2003.—43, № 6.
5. Дьяконов В. П. Вейвлеты. От теории — к практике. — М.: СОЛОН-Р, 2002.—448 с.
6. Кравченко В. Ф., Рвачев В. А. «Wavelet»-системы и их применение в обработке сигналов // Зарубежная радиоэлектроника.—1996.—№ 4.—С. 3.
7. Лазоренко О. В., Лазоренко С. В., Черногор Л. Ф. Применение вейвлет-анализа к задаче обнаружения сверхширокополосных сигналов на фоне помех // Радиофизика и радиоастрономия.—2002.—7, № 1.—С. 46.
8. Чуи К. Введение в вейвлеты: Пер. с англ. Я. М. Жилейкина. — М.: Мир, 2001.
9. Chernogor L. F., Lazorenko O. V., Lazorenko S. V. Wavelet analysis and ultra-wideband signals // Radio Physics and Radio Astronomy.—2002.—7, N 4.—P. 471.
10. Daubechies I. Ten lectures on wavelets // CBMS-NSF conference series in applied mathematics. SIAM Ed. — 1992.

**THE APPLICATION OF WAVELET ANALYSIS  
TO PROBLEMS OF COSMIC PHYSICS  
AND COSMIC RADIO PHYSICS**

O. V. Lazorenko, S. V. Lazorenko, and L. F. Chernogor