

О ГЕНЕРАЦИИ КИНЕТИЧЕСКИХ АЛЬВЕНОВСКИХ ВОЛН В КОСМИЧЕСКОЙ ПЛАЗМЕ

Юхимук А. К.², Федун В. Н.^{1,2}, Войцеховская А. Д.², Черемных О. К.³

¹*Киевский национальный университет имени Тараса Шевченко*

²*Главная астрономическая обсерватория НАН Украины, Киев*

³*Институт космических исследований НАНУ и НКАУ, Киев*

Предложен нелинейный механизм трансформации альвеновских МГД–волн в кинетические альвеновские волны в однородной замагниченной плазме с малым плазменным параметром $\beta \ll 1$. В качестве механизма генерации рассмотрена параметрическая неустойчивость, где волной накачки является магнитогиродинамическая альвеновская волна. На основе двухжидкостной магнитной гидродинамики и уравнения Власова получено нелинейное дисперсионное уравнение, описывающее трехволновое взаимодействие. Найдены инкремент, время и порог развития неустойчивости. Показано, что рассмотренный нелинейный процесс является эффективным в солнечной короне.

Введение

Альвеновские волны являются одним из наиболее распространенных типов волн в космической плазме. В межпланетной плазме альвеновские волны были исследованы Бэлчером и Дэвисом по данным, полученным на «Маринер–5» [6]. Зарегистрированные альвеновские волны, как правило, распространялись от Солнца. Энергия волн была часто сравнима с энергией крупномасштабного магнитного поля и тепловой энергией плазмы. В тоже время на долю магнитозвуковых волн по оценкам авторов приходилось не более 10% спектральной мощности. Большинство геомагнитных пульсаций также являются альвеновскими волнами, возбуждающимися в магнитосфере Земли и в солнечном ветре [2]. Геомагнитные пульсации были по существу первыми электромагнитными волнами, зарегистрированными учеными около ста лет тому (см. [2] и ссылки к ней). Одним из самых загадочных явлений на Солнце является необычайно высокая температура солнечной короны, которая достигает 10^6 К (по сравнению с $5 \cdot 10^3$ К на уровне фотосферы). Для поддержания такой высокой температуры и компенсации радиационного охлаждения (характерное время которого порядка суток) необходим постоянный приток тепловой энергии. Считается, что необходимая энергия переносится альвеновскими волнами, которые возбуждаются в нижних слоях атмосферы Солнца. Альвеновские волны играют также важную роль в процессах нагрева солнечного ветра и переноса энергии от Солнца к Земле. Проблеме нагрева солнечной короны МГД–волнами посвящено большое количество работ (см. [3] и ссылки к ней). Однако альвеновские МГД–волны являются слабозатухающими, и возникает проблема передачи энергии от волны к частицам плазмы. В настоящей работе рассматривается процесс трансформации альвеновских МГД–волн в кинетические альвеновские волны (КАВ), которые эффективно взаимодействуют с частицами плазмы и передают им свою энергию.

Впервые кинетические эффекты (учет конечности ларморовского радиуса протонов) в альвеновских волнах были учтены в работах [8, 16]. Однако только после публикации работы Хасегавы [10] кинетическим альвеновским волнам начали уделять достаточно внимания.

Повышенный интерес к КАВ [4, 5, 9, 21, 22, 11, 12, 15, 17, 18] обусловлен тем, что благодаря своим специфическим свойствам они играют важную роль во многих физических процессах, происходящих в космической среде: нелинейное взаимодействие и трансформация волн, нагрев плазмы и ускорения частиц. Кинетические альвеновские волны неоднократно наблюдались в космической плазме с помощью космических аппаратов [13, 19, 20].

Рассматривается однородная замагниченная плазма с малым плазменным параметром $\beta = 8\pi(n_e T_e + n_i T_i) / B_0^2 \ll 1$, в которой распространяется альвеновская МГД-волна частотой ω_0 и волновым вектором \vec{k}_0 с законом дисперсии

$$\omega_0^2 = k_{0z}^2 V_A^2, \quad (1)$$

распадающаяся на две КАВ с волновыми векторами \vec{k}_1 и \vec{k}_2 и частотами ω_1 и ω_2 , где

$V_A = \sqrt{\frac{B_0^2}{4\pi m_0 m_i}}$ – альвеновская скорость, n_0 – равновесное значение плотности плазмы, n_e и n_i – плотности электронов и ионов, T_e и T_i – температура электронов и ионов, \vec{B}_0 — внешнее магнитное поле, m_i — масса ионов.

При этом для эффективного взаимодействия волн должны выполняться условия синхронизма

$$\omega_0 = \omega_1 + \omega_2, \quad \vec{k}_0 = \vec{k}_1 + \vec{k}_2. \quad (2)$$

Также предполагается, что все волновые вектора расположены в плоскости XZ.

Основные уравнения

В качестве исходной системы уравнений для описания нелинейного взаимодействия низкочастотных магнитогидродинамических волн воспользуемся уравнениями двухжидкостной магнитной гидродинамики (МГД):

$$\frac{\partial \vec{v}_\alpha}{\partial t} = \frac{1}{m_\alpha} (e_\alpha \vec{E} + \vec{F}_\alpha) + (\vec{v}_\alpha \times \omega_{B\alpha}) - \frac{T_\alpha}{m_\alpha n_\alpha} \vec{\nabla} n_\alpha, \quad (3)$$

$$\frac{\partial n_\alpha}{\partial t} + \vec{\nabla} (n_\alpha \vec{v}_\alpha) = 0, \quad (4)$$

$$\vec{\nabla} \times \vec{B} = \frac{4\pi}{c} \vec{j} + \frac{1}{c} \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}, \quad (5)$$

$$\vec{\nabla} \times \vec{E} = -\frac{1}{c} \frac{\partial \vec{B}}{\partial t}, \quad (6)$$

$$\vec{\nabla} \cdot \vec{E} = 4\pi\rho,$$

где $\vec{j} = e(n_i v_i - n_e v_e)$, $\rho = e(n_i - n_e)$, $\vec{F}_\alpha = \frac{e_\alpha}{c} (\vec{v}_\alpha \times \vec{B}) - m_\alpha (\vec{v}_\alpha \vec{\nabla}) \vec{v}_\alpha$. Индекс $\alpha = i, e$ соответствует ионному и электронному компонентам плазмы соответственно.

Плотность электронов и их скорости, электрическое и магнитное поле представим в виде сумм

$$\begin{aligned} n_e &= n_0 + \tilde{n}_0 + n_1 + n_2, \\ \vec{v} &= \vec{v}_0 + \vec{v}_1 + \vec{v}_2, \\ \vec{E} &= \vec{E}_0 + \vec{E}_1 + \vec{E}_2, \\ \vec{B} &= \vec{B}_0 + \vec{b}_0 + \vec{b}_1 + \vec{b}_2, \end{aligned} \quad (7)$$

где, \tilde{n}_0 — возмущение электронного компонента плотности плазмы в поле альвеновской волны, индекс "0" обозначает переменные, связанные с волной накачки, а индексы "1" и "2" — переменные связанные с КАВ-продуктами распада.

Дисперсионное уравнение для КАВ

Для получения нелинейного дисперсионного уравнения, описывающего кинетические альвеновские волны, воспользуемся плазменным приближением

$$n_{i1} = n_{ie}, \quad (8)$$

где n_{i1} и n_{ie} - возмущенные плотности ионов и электронов.

Из уравнения движения и непрерывности для электронов находим

$$\frac{n_{ie}}{n_0} = \frac{1}{1 - \frac{V_{1f}^2}{V_{Te}^2}} \frac{e}{T_e} \left[\varphi_1 - A_1 + \frac{k_{1x}}{k_{1z}^2} \frac{\omega_1}{\omega_{Be}} \frac{1}{e} \left(i \frac{\omega_1}{\omega_{Be}} F_{1x} + F_{1y} \right) + \frac{1}{iek_{1z}} F_{1z} - \frac{T_e}{e} \frac{V_{1f}^2}{V_{Te}^2} \frac{\vec{k}_1}{\omega_1} \left(\frac{n_1}{n_0} \vec{V}_1 \right)_e \right] \quad (9)$$

где $A_1 = \frac{V_{1f}}{c} A_{1z}$, $V_{1f} = \frac{\omega_1}{k_{1z}}$ — фазовая скорость, F_{1x} , F_{1y} , F_{1z} — компоненты поперечной силы, A_{1z} — z-й компонент векторного потенциала.

Для возмущенной компоненты плотности ионов воспользуемся выражением представленным в работе [14]

$$n_{i1} = -\frac{k_1^2}{4\pi e} \chi_{i1} \varphi_1, \quad (10)$$

$$\chi_{1i} \approx \frac{1}{k_1^2 d_i^2} \left[1 - \Gamma_0(\mu_{1i}) - \frac{2\omega_1^2 \Gamma_1(\mu_{1i})}{\omega_1^2 - \omega_{Bi}^2} \right] \equiv \frac{\alpha_1}{k_1^2 d_i^2}. \quad (11)$$

Здесь $d_i = \left(\frac{T_i}{4\pi m_0 e^2} \right)^{\frac{1}{2}}$ — дебаевский радиус ионов, $\Gamma_{0,1}(\mu_{1i}) = I_{0,1}(\mu_{1i}) \exp(-\mu_{1i})$,
 $\mu_{1i} = k_{1x}^2 \rho_i^2$, $\rho_i = v_{Ti} / \omega_{Bi}$ — ларморовский радиус ионов, $I_{0,1}$ — модифицированные функции Бесселя,

$$\alpha_1 = 1 - \Gamma_0(\mu_{1i}) - \frac{2\omega_1^2 \Gamma_1(\mu_{1i})}{\omega_1^2 - \omega_{Bi}^2}. \quad (12)$$

Используя эти обозначения, n_{1i} удобно записать в виде

$$n_{1i} = -\frac{\alpha_1}{4\pi e d_i^2} \varphi_1, \quad (13)$$

Подставляя (9) и (13) в (8) находим связь между A_1 и φ_1 :

$$A_1 = \varphi_1 \left[1 + \alpha_1 \frac{T_e}{T_i} \left(1 - \frac{V_{1f}^2}{V_{Te}^2} \right) \right] - \frac{k_{1x}^2 \omega_1^2}{k_{1z}^2 \omega_{Be}^2} \frac{1}{iek_{1x}} \left(F_{1ex} - i \frac{\omega_{Be}}{\omega_1} F_{1ey} \right) \frac{1}{iek_{1z}} F_{1ez} - \frac{T_e}{e} \frac{V_{1f}^2}{V_{Te}^2} \frac{\vec{k}_1}{\omega_1} \left(\frac{n_1}{n_0} \vec{V}_1 \right), \quad (14)$$

$\omega_{Be} = \frac{eB_0}{m_e c}$ — электронная циклотронная частота. Последний член в (16) учитывает концентрационную нелинейность.

С другой стороны, выражение для A_1 получим, используя закон Ампера

$$-k_1^2 k_{1z} A_{1z} = \frac{4\pi}{c} k_{1x} j_{1x}, \quad (15)$$

Линейная часть поперечного компонента тока j_{1x} определяется ионным компонентом, а нелинейная часть j_{1ex}^{NL} связана с нелинейным электронным компонентом который возникает в результате взаимодействия альвеновской МГД-волны накачки и второй КАВ:

$$j_{1x} = en_0 V_{1ix}^L + j_{1ex}^{NL}. \quad (16)$$

Подставляя в (16) выражения для ионной компоненты скорости и нелинейный электронный ток, мы получаем вторую связь между A_1 и φ_1

$$A_1 = \frac{V_{1f}^2}{V_A^2} (1 - \alpha_1) \varphi_1 + \frac{1}{\delta_i^2 k_{1z}^2} \frac{m_i}{e} \frac{\omega_1}{k_{1x}} \left(\frac{n_e^L}{n_0} V_{1ex}^L \right) + \frac{1}{\delta_i^2 k_{1z}^2} \frac{m_i}{e} \frac{\omega_1^2}{\omega_{Be}^2} \times$$

$$\left\{ \left(\frac{V_{1f}^2}{V_{Te}^2} - 1 \right)^{-1} \frac{1}{im_e k_{1z}} F_{1ez} + \left(\frac{V_{1f}^2}{V_{Te}^2} - 1 \right)^{-1} \bar{k}_1 \left(\frac{n_1 \vec{V}_1}{n_0} \right) + \frac{1}{im_e k_{1x}} \left(F_{1ex} - i \frac{\omega_{Be}}{\omega_1} F_{1ey} \right) \right\} \quad (17)$$

Приравнявая (14) и (17) получаем нелинейное уравнение описывающее дисперсию кинетических альвеновских волн для произвольных значений тепловой скорости электронов $V_{Te} = \sqrt{T_e/m_e}$, μ_i , χ_{1e} , а также ω_1/ω_{Bi} :

$$\left[\frac{V_{1f}^2}{V_A^2} \left(1 + \alpha_1 \left(\frac{\chi_{1e}}{\mu_i} - 1 \right) \right) - \left(1 + \alpha_1 \frac{T_e}{T_i} \right) \right] \varphi_1 = Q_{1NL}, \quad (18)$$

где Q_{1NL} определяется выражением

$$Q_{1NL} = \frac{1}{iek_{1z}} F_{1ex} - \frac{m_e}{m_i} \frac{V_{1f}^2}{V_A^2} (1 + \chi_{1e}) \frac{1}{iek_{1x}} \left(F_{1ex} - i \frac{\omega_{Be}}{\omega_1} F_{1ey} \right) - \frac{1}{\delta_i^2 k_{1z}^2} \frac{m_i}{e} (1 + \chi_{1e}) \left(\frac{n_{1e}^L}{n_0} V_{1ex}^L \right),$$

$$\chi_{1e} = k_{1x}^2 \delta_e^2,$$

где $\delta_e = c/\omega_{pe}$ — электронная инерционная длина, $\delta_i = c/\omega_{pi}$ — ионная инерционная длина, $\omega_{pe} = \sqrt{4\pi e^2 n_0/m_e}$ — электронная плазменная частота, $\omega_{pi} = \sqrt{4\pi e^2 n_0/m_i}$ — ионная плазменная частота.

Для случая $\mu_i \ll 1$ из (12) имеем $\alpha_1 = \frac{\mu_i \omega_{Bi}^2}{\omega_{Bi}^2 - \omega_1^2}$. При отсутствии волны накачки из (18) следует линейное дисперсионное уравнение для КАВ

$$\omega_1^2 = \frac{1 - \frac{\omega_1^2}{\omega_{Bi}^2} + \mu_{1S}}{1 - \frac{\omega_1^2}{\omega_{Bi}^2} + \chi_{1e}} k_{1z}^2 V_A^2, \quad (19)$$

где $\mu_{1S} = k_{1x}^2 V_S^2 / \omega_{Bi}^2$, $V_S = \sqrt{T_e/m_i}$ — скорость ионного звука.

В (19) учитываются как эффекты, связанные с конечностью ларморовского радиуса ионов, и эффекты, связанные с учетом электронной инерциальной длины.

Для случая $\omega_1 \ll \omega_{Bi}$ $\alpha_1 \approx \mu_i$ и из (19) имеем

$$\omega_1^2 = \frac{1 + \mu_{1S}}{1 + \chi_{1e}} k_{1z}^2 V_A^2. \quad (20)$$

Компоненты скорости в поле кинетической альвеновской волны

Из уравнений движения и непрерывности для электронов, находим компоненты скорости электронов в поле кинетической альвеновской волны

$$\begin{aligned}
 V_{1ex} &= \mu_{1e} \frac{\omega_1}{k_{1x}} \left[1 - \frac{1}{\eta_1} \left(\mu_{1e} - \frac{V_{Te}^2}{V_A^2} \left(1 - \frac{V_{1f}^2}{V_A^2} (1 - \alpha_1) \right) \right) \right] \Phi_1, \\
 V_{1ey} &= i \mu_{1e} \frac{\omega_{Be1}}{k_{1x}} \left[1 - \frac{1}{\eta_1} \left(\mu_{1e} - \frac{V_{Te}^2}{V_{2f}^2} \left(1 - \frac{V_{1f}^2}{V_A^2} (1 - \alpha_1) \right) \right) \right] \Phi_1, \\
 V_{1ez} &= \frac{V_{Te}^2}{V_{1f}} \left[\frac{\mu_{1e}}{\eta_1} - \left(1 + \frac{1}{\eta_1} \frac{V_{Te}^2}{V_{1f}^2} \right) \left(1 - \frac{V_{1f}^2}{V_A^2} (1 - \alpha_1) \right) \right] \Phi_1,
 \end{aligned} \tag{21}$$

где $\eta_1 = 1 + \mu_{1e} - \frac{V_{Te}^2}{V_{1f}^2}$, $\Phi_1 = \frac{e\varphi_1}{T_e}$, $\mu_{1e} = \frac{k_{1x}^2 V_{Te}^2}{\omega_{Be}^2}$.

Для $\beta \ll 1$ выражения (21) упрощаются:

$$\begin{aligned}
 V_{1ex} &= \mu_{1e} \frac{\omega_1}{k_{1x}} \Phi_1, \\
 V_{1ey} &= i \mu_{1e} \frac{\omega_{Be}}{k_{1x}} \Phi_1, \\
 V_{1ez} &= -\mu_{1S} V_{1f} \Phi_1,
 \end{aligned} \tag{22}$$

Из уравнения (6) находим магнитное поле КАВ:

$$b_{1y} = -ick_{1x} \frac{T_e}{e} \frac{V_{1f}}{V_A^2} (1 - \alpha_1) \Phi_1. \tag{23}$$

Для случая $\mu_{1i} \ll 1$, $\omega_1 \ll \omega_{Bi}$ (23) можно представить в виде

$$b_{1y} = -ick_{1x} \frac{T_e}{e} \frac{V_{1f}}{V_A^2} \Phi_1. \tag{24}$$

Из уравнения движения для электронов находим компоненты скорости электронов в поле МГД альвеновской волны:

$$\begin{aligned}
 V_{0x} &= i \frac{e\omega_0}{m_e \omega_{Be}^2} E_{0x}, \\
 V_{0y} &= -\frac{e}{m_e \omega_{Be}} E_{0x}.
 \end{aligned} \tag{25}$$

Из уравнения Максвелла (6) находим магнитное поле МГД–волны

$$B_{0y} = \frac{ck_{0z}}{\omega_0} E_{0x}. \quad (26)$$

Используя выражения (18), (22)-(26), дисперсионное уравнение для дисперсных альвеновских волн можно представить в виде

$$\varepsilon_{1A} \Phi_1 = \mu_{1A} (E_{0x} \Phi_2^*), \quad (27)$$

$$\text{где } \mu_{1A} = -i \frac{e}{m_e} \frac{\omega_1}{\omega_2} \frac{V_A^2}{\omega_{Be}^2} \frac{k_{0z} k_{2x} k_{1z}^2}{k_{2z}} \frac{1}{1 + \chi_{1e}}, \quad \varepsilon_{1A} = \omega_1^2 - \frac{1 + \mu_{1S}}{1 + \chi_{1e}} k_{1z}^2 V_A^2.$$

Дисперсионное уравнение для второй кинетической альвеновской волны совпадает с выражением (27) с точностью до замены индекса “1” на “2”.

Нелинейное дисперсионное уравнение, описывающее трехволновое взаимодействие

Используя дисперсионные уравнения для двух КАВ, находим нелинейное дисперсионное уравнение, описывающее трехволновое взаимодействие:

$$\varepsilon_{1A}^* \varepsilon_{2A} = \mu_{1A}^* \mu_{2A} |E_{0x}|^2. \quad (28)$$

В случае отсутствия волны накачки ($|E_{0x}|^2 = 0$) в плазме будут распространяться две не взаимодействующие друг с другом кинетические альвеновские волны. При наличии волны накачки энергия от альвеновской МГД–волны будет передаваться кинетическим альвеновским волнам, что приведет к нарастанию их амплитуд. Полагая в (28) $\omega_1 = \omega_{1r} + i\gamma$, $\omega_2 = \omega_{2r} + i\gamma$, ($|\gamma| \ll \omega_{1r}, \omega_{2r}$) и раскладывая ε_{1A} и ε_{2A} в ряд Тейлора по малому параметру γ , представим инкремент развития параметрической неустойчивости в виде

$$\gamma^2 = \frac{\mu_{1A}^* \mu_{2A} |E_{0x}|^2}{\frac{\partial \varepsilon_{1A}}{\partial \omega_1} \frac{\partial \varepsilon_{2A}}{\partial \omega_2}} \bigg|_{\substack{\omega_1 = \omega_{1r} \\ \omega_2 = \omega_{2r}}}, \quad (29)$$

где ω_{1r} , ω_{2r} найдем из уравнений $\varepsilon_{1A}(\omega_{1r}, \vec{k}_1) = 0$, $\varepsilon_{2A}(\omega_{2r}, \vec{k}_2) = 0$. Подставляя в (29) выражения $\frac{\partial \varepsilon_{1A}}{\partial \omega_1} = 2\omega_1$, $\frac{\partial \varepsilon_{2A}}{\partial \omega_2} = 2\omega_2$ и коэффициенты связи, получим инкремент развития неустойчивости:

$$\gamma = \sqrt{\frac{W}{16}} (\mu_{1i} \mu_{2i})^{1/4} \frac{\omega_{pe}}{\omega_{Be}} \omega_0, \quad (30)$$

$$\text{где } W = \frac{|E_0|^2}{4\pi n_0 T_e}.$$

Следует отметить, что данная неустойчивость будет существовать только при определенной амплитуде волны накачки. Пороговое условие находим из уравнения

$$(\gamma - \gamma_{1A})(\gamma - \gamma_{2A}) = \gamma_0^2, \quad (31)$$

где γ_{1A} , γ_{2A} — декременты затухания кинетических альвеновских волн.

Полагая в (31) $\gamma_0 = 0$, получим

$$\gamma_0^2 = \gamma_{1A}\gamma_{2A}. \quad (32)$$

Декременты затухания кинетических альвеновских волн определяются выражением

$$\gamma_{jA} = \sqrt{\frac{\pi}{8}} \frac{V_{Te}}{V_A} \mu_{ji} \omega_j \quad (j=1,2). \text{ Из (32) находим выражение для порогового значения амплитуды волны накачки, при превышении которого развивается параметрическая неустойчивость:}$$

туды волны накачки, при превышении которого развивается параметрическая неустойчивость:

$$E_{\text{пор}} = \sqrt{2\pi} \frac{\omega_{pe}}{c} V_{Te}^2 \frac{m_e}{e} \sqrt{\frac{m_i}{m_e}} \frac{(\omega_1 \omega_2)^{1/2}}{\omega_0} (\mu_{1i} \mu_{2i})^{1/4}. \quad (33)$$

Обсуждение

В работе рассмотрена распадная параметрическая неустойчивость, в результате которой альвеновская МГД-волна накачки распадается на две кинетические альвеновские волны $k_{1,2x} \gg k_{1,2z}$, дисперсия которых определяется кинетическими эффектами. КАВ имеют несколько наиболее важных отличительных черт от альвеновских МГД-волн, а именно: возможность переноса энергии поперек внешнего магнитного поля, наличие ненулевого компонента E_z , зависимость фазовой скорости от волнового вектора, а также большой декремент затухания. Следовательно, КАВ могут играть важную роль в процессах нагрева космической плазмы.

В качестве приложения полученных в работе теоретических результатов рассмотрим корону Солнца. Для характерных значений параметров корональной плазмы $B_0 = 100$ Гс, $T_e = 10^6$ К, $n_0 = 10^{10}$ см³ получим: $\omega_{Be} = 1,7 \cdot 10^9$ с⁻¹, $\omega_{pe} = 5,6 \cdot 10^9$ с⁻¹, $V_A = 2 \cdot 10^8$ см/с. Подставляя эти значения в (30) и (33), а также полагая, что $b_0/B_0 = 0,5$, $E_0 = 0,14$ ед. СГС/см, $W = 7 \cdot 10^{-3}$ имеем: $\gamma \approx 6 \cdot 10^2$ с⁻¹, $E_{\text{порог}} = 0,1$ ед. СГС/см.

Следовательно, представленный процесс может приводить к перекачке энергии от крупномасштабных альвеновских МГД-волн к мелкомасштабным КАВ, которые в результате затухания Ландау будут нагревать корональную плазму.

1. Ахиезер А. Н., Ахиезер Н. А., Половин Р. В. и др. Электродинамика плазмы. — М.: Наука, 1974, с. 720.
2. Гульельми А. В., Троицкая В. А. Геомагнитные пульсации и диагностика магнитосферы. — М.: Наука, 1973, с. 208.
3. Гуссенс М. Магнитогидродинамические волны и волновой нагрев неоднородной плазмы. Космическая магнитная гидродинамика. — М.: Мир, 1995, с. 144–178.
4. Юхимук А. К., Войтенко Ю. М., Юхимук В. А., Кучеренко В. П. Нелинейный механизм возбуждения мелкомасштабных альвеновских волн в замагниченной плазме//Геомагнетизм и аэронаука, 1998, 38, N 3, с. 59–67.
5. Baronia A., Tiwari M. S. Kinetic Alfvén waves in a inhomogeneous anisotropic magnetoplasma in the presence of an inhomogeneous electric field. Particle aspect analysis//J. Plasma Phys., 2000, v. 63, N 4, P.311–328.
6. Belches J. W., Davis J. Large-amplitude waves in the interplanetary medium//J. Geophys. Res., 1971, 76A, N 12, P. 3534–3547.
7. Brambilla M. Kinetic theory of plasma waves: homogeneous plasma//Clarendon Pres, Oxford, 1998, P. 333.
8. Coroniti F. V., Kennel C. F. Auroral micropulsation instability//J. Geophys. Res., 1970, v. 75, N 10, P. 1863–1878.
9. Das A. C., Misra A. K. Kinetic Alfvén waves in three-component dusty plasmas//Phys. Rev. E., 1996, v. 53, N 4, P. 4051–4055.
10. Hasegawa A., Chen L. Kinetic processes in plasma heating by resonant mode conversion of Alfvén waves//Phys. Fluids, 1976, 19, N 12, P.1924–1934.
11. Hollweg J. V. Kinetic Alfvén wave revisited//J. Geophys. Res., 1999, v. 104, N A7, P. 14,811–14,819.
12. Kletzing C. A. Electron acceleration by Kinetic Alfvén waves//J. Geophys. Res., 1994, v. 99, N A6, P. 11,095–11,103.
13. Louarn P., Wahlung J.-E., Chust T. Observation of kinetic Alfvén waves by the FREJA Spacecraft//Geophys. Res. Lett., 1994, v. 21, N17, P. 1847–1850.
14. Rao N. N., Kaup D. J. Excitation of electron cyclotron harmonic waves in ionospheric modification experiments//J. Geophys. Res., 1992, 97, N 15, P. 6323.
15. Shukla P. K., Stenflo L. Generalized dispersive Alfvén waves//J. Plasma Phys., 2000, v. 64, part 2, P.125–130.
16. Stefant R. J. Alfvén wave damping from finite gyroradius coupling to the ion acoustic mode// Physics of Fluids, 1970, v. 13, N 2, P. 440–450.
17. Voitenko Yu. M. Three-wave coupling and parametric decay of kinetic Alfvén waves//J. Plasma Phys., 1998, v. 60, N 3, P. 497–508.
18. Voitenko Yu. M., Goossens M. Turbulent dynamic of kinetic Alfvén waves//Physica Scripta., 2000, v. T84, P.194–202.
19. Volokitin A. S., Dubinin E. M. The turbulence of Alfvén waves in the polar magnetosphere of the Earth//Planet Space Sci., 1989, 31, N 7, P. 761–768.
20. Wahlung J.-E., Louarn P., Chust T. et al. On ion acoustic turbulence and the nonlinear evolution of kinetic Alfvén waves in aurora//Geophys. Res. Lett., 1994, 21, N 17, P. 1831–1834.
21. Yukhimuk V., Voitenko Yu., Fedun V., Yukhimuk A. Generation of kinetic Alfvén waves by upper-hybrid pump waves//J. Plasma Phys., 1998, v. 60, part 2, P. 485–495.
22. Yukhimuk A. K., Kuts S. V. The effect of sporadic Solar radio emission of kinetic Alfvén waves//Kinematika Fiz. Nebesnykh tel, 1990, v. 6, N 2., P. 66.